

CAIETUL ELEVULUI

CLASA
A V-A

CORINT
BOOKS



Radu Gologan (coordonator)
Camelia Elena Neța
Corina Mianda Mînescu
Ciprian Constantin Neța

MATEMATICĂ

$$2^0 + 2^1 + 2^2 + 2^3 + 2^4 =$$

$$1 + [2^3 - (5^2 - 3^2) : 2^2] : 2^2 =$$

$$2 \cdot [3 + 4 \cdot (5 + 6 \cdot 7) + 8^0] - 3 =$$

$$1 + 2^2 \cdot (3^2 : 9 - 1) : 8 + 2017^0 =$$

$$[2^2 \cdot (0^4 + 4^0 + 5^1 + 1^5) - 3] : 5^2 =$$

6. Calculați:

$$(2^1 - 1^2)(3^2 - 2^3)(4^2 - 2^4)(2^5 - 5^2)(2^6 - 6^2) =$$

$$(100 - 0^2)(100 - 1^2)(100 - 2^2) \cdot \dots \cdot (100 - 9^2)(100 - 10^2) =$$



Un părinte bogat sau ...

Pentru a-și încuraja copilul la învățătură, un părinte îi promite o bancnotă de 5 lei pentru prima notă de 10, două bancnote de 5 lei pentru a doua notă de 10, patru pentru a treia notă și așa mai departe, dublând de fiecare dată numărul de bancnote pe care i le dă. Copilul ia în primul semestru 12 note de 10. Ce sumă de bani ar trebui să primească?

7. Efectuați, scriind rezultatul sub formă de putere.

$$5^5 \cdot 5^7 =$$

$$3^{15} \cdot 3^{71} =$$

$$7^{29} \cdot 7^{17} =$$

$$21^{12} \cdot 21^{32} =$$

$$5^{32} : 5^{23} =$$

$$671^{55} \cdot 671^{25} =$$

$$8^{12} : 8^8 =$$

$$62^{25} : 62^{23} =$$

$$9^{99} \cdot 9^{63} =$$

$$120^{132} : 120^{123} =$$

$$(5^{32})^5 =$$

$$(21^{12})^{10} =$$

$$(3^{321})^{15} =$$

$$(6^{102})^{32} =$$

$$(8^2)^8 =$$

$$3^9 \cdot 4^9 =$$

METODE ARITMETICE DE REZOLVARE A PROBLEMELOR DE MATEMATICĂ

1. Completați tabelul:

Numărul de caiete	6	10	5	8	4	25	11												
Prețul în lei				16															

2. Daniel are un lot cultivat cu zmeură și strânge în 7 zile 315 kg de fructe. Câte kilograme de zmeură strânge Daniel în luna iulie?

Știați că recoltarea zmeurei începe la sfârșitul lunii iunie și se termină la sfârșitul lunii septembrie?



3. 5 muncitori termină o lucrare în 6 zile. În câte zile termină aceeași lucrare 3 muncitori?

4. 8 muncitori trebuie să termine o lucrare în 8 zile. După 2 zile 2 muncitori pleacă. În câte zile se realizează lucrarea?

5. Pentru a transporta o cantitate de nisip, 6 camioane fac 24 de transporturi. Câte transporturi ar face 8 camioane pentru a căra aceeași cantitate?

6. Un biciclist parcurge în 5 ore o distanță de 40 km, iar un automobil parcurge în același timp 250 km. În câte ore va parcurge biciclistul distanța pe care o parcurge automobilul în 4 ore?

11. Ordoneți crescător șirurile de fracții:

$\frac{17}{23}, \frac{7}{23}, \frac{21}{23}, \frac{25}{23}, \frac{19}{23}, \frac{14}{23}, 1$	$\frac{43}{21}, \frac{43}{25}, \frac{43}{19}, \frac{43}{37}, \frac{43}{45}, \frac{43}{34}, 1$

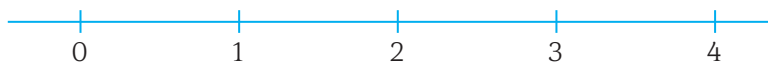
12. Determinați cea mai mare și cea mai mică fracție de forma:

$\frac{\overline{5a}}{37}$, unde $\overline{5a}$ este divizibil cu 3	$\frac{\overline{a5a}}{4b}$, unde $\overline{a5a}:9$ și $\overline{4b}:2$

13. Ordoneți crescător fracțiile: $\frac{11}{37}, \frac{7}{37}, \frac{15}{37}, \frac{15}{19}, \frac{15}{31}, \frac{15}{17}$.

14. Reprezentați pe axă următoarele puncte. Veți descoperi numele unui matematician grec, considerat părintele algebrei:

$$A\left(\frac{7}{3}\right), D\left(\frac{2}{5}\right), F\left(\frac{7}{4}\right), I\left(\frac{5}{5}\right), N\left(\frac{8}{3}\right), O\left(\frac{3}{2}\right), T\left(\frac{16}{5}\right)$$



Se spune că pe mormântul matematicianului este scris următorul epitaf:

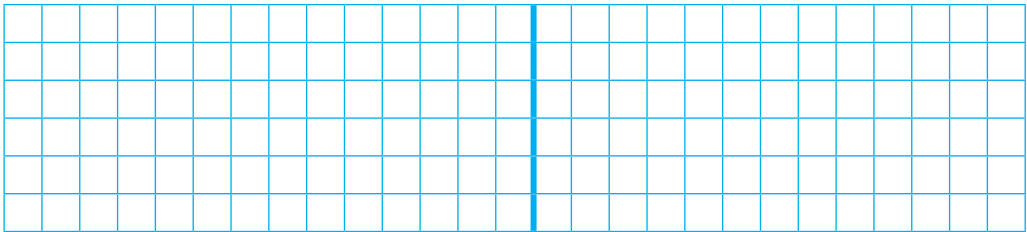
Călătorule! Aici odihnesc osemintele
Unui om bun care a trăit
O viață lungă și plină de virtuți
Copilăria lui a ținut o șesime de viață.
Apoi a mai trăit o doisprezecime
Până când s-a însurat cu o femeie
Care nu i-a dăruit copii, decât după ce
A mai trecut a șaptea parte din viață,
Plus încă 5 ani.

Iar fiului său soarta i-a hărăzit
Să trăiască doar jumătate din viața
părintelui
În mâhnire adâncă a murit bătrânul
Supraviețuind cu patru ani fiului său
.....
Călătorule! Știi câți ani am eu
În această zi când îmi sfârșesc viața?

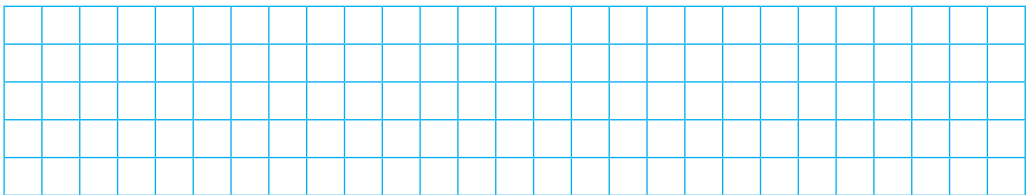
5. Completați desenul alăturat cu:

• dreapta AB ;	
• punctul E , situat pe dreapta AB , coliniar cu punctele C și D ;	
• punctul F , intersecția dreptelor AC și BD ;	
• punctul G , coliniar cu A și D , situat de aceeași parte a dreptei CD ca și punctul A ;	
• punctul H , situat pe dreapta EC , E și H fiind în semiplane diferite determinate de dreapta BC .	

6. Desenați o dreaptă a care trece printr-un punct O și două puncte distincte M și N , astfel încât punctele M , O și N să fie coliniare. Veți avea în vedere două situații: una în care punctele M și N sunt în același plan determinat de dreapta a și una în care sunt în semiplane diferite determinate de dreapta a .



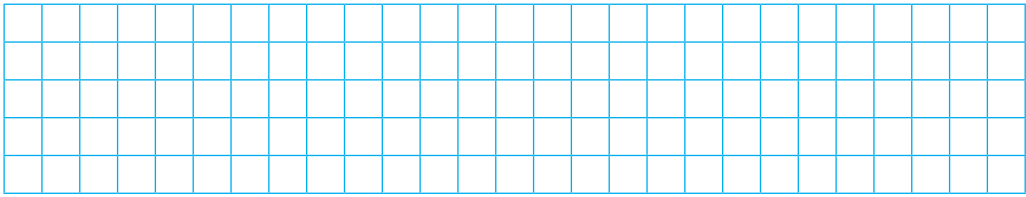
7. Desenați 5 puncte astfel încât să se formeze exact 2 triplete de puncte coliniare, dar să nu fie toate 5 sau 4 dintre ele coliniare.



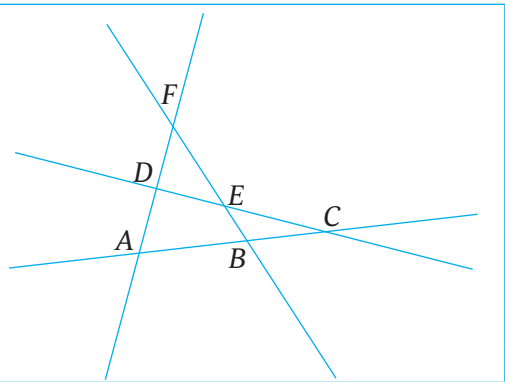
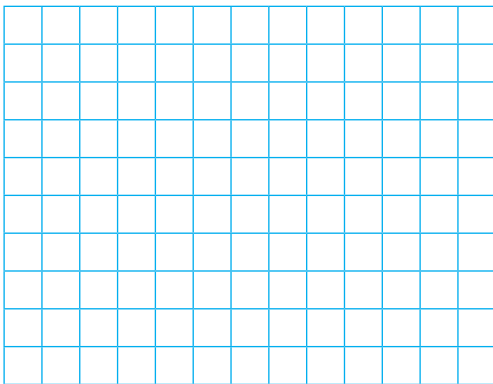
8. Desenați punctele A , B și C coliniare, în această ordine, ținând cont de datele din tabelul de mai jos. Completați tabelul măsurând lungimile segmentelor.

AB	BC	AC																	
3 cm	4 cm																		
4,5 cm	2,5 cm																		
5 cm		8 cm																	
	3,5 cm	9 cm																	

17. Punctele D , E , F și G sunt coliniare, în această ordine, astfel încât $DE = 3,5$ cm, $DF = 6$ cm și $DG = 9,5$ cm. Calculați EF și FG . Justificați că $DF \equiv EG$. Dacă M este mijlocul segmentului EF , justificați că D și G sunt simetrice față de M .



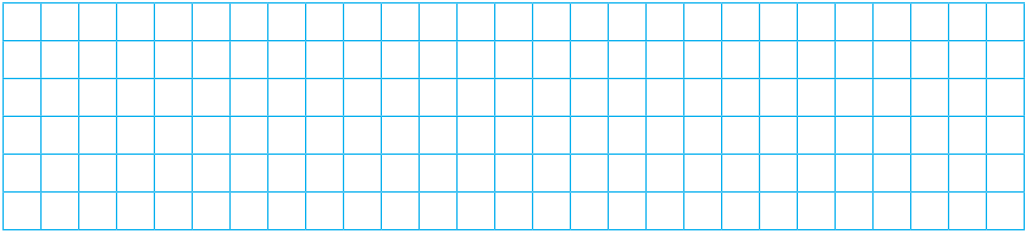
18. Numești unghiurile din figura alăturată.



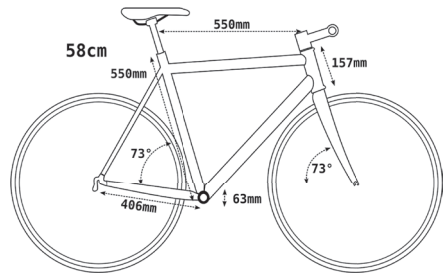
19. Desenați unghiul BCD , punctele A și E în interiorul acestuia, punctele M și N în exteriorul unghiului și stabiliți valoarea de adevăr a afirmațiilor:

• semidreapta CE este situată în interiorul unghiului	A	
• semidreapta CM este situată în interiorul unghiului		
• segmentul AE nu are niciun punct comun cu dreapta CB		
• segmentul MN este situat în exteriorul unghiului		
• dreapta MN este concurentă cu una dintre laturile unghiului		
• dreapta AE este concurentă cu latura CB a unghiului		
• dreapta AN este concurentă cu dreapta CD sau cu dreapta CB		
• punctele A , E , M și N pot fi coliniare		

20. Desenați patru semidrepte AM , AN , AP și AQ , AM situată în exteriorul unghiului PAN , iar AQ în interiorul unghiului PAM .



Știați că, chiar dacă cuvântul „geometrie” provine din *geo* – pământ și *metria* – măsurare, acest lucru nu înseamnă că ea nu se aplică într-o multitudine de alte domenii? Geometria cadrului unei biciclete este cea care dictează modul în care se comportă aceasta. De exemplu, valorile unghiului furcii variază de la 60° la bicicletele de downhill, la 66° - 68° la cele de enduro și all-mountain și ajung spre 73° - 75° la cele de șosea.



21. Desenați $\sphericalangle MON$ și $\sphericalangle BOC$ astfel încât:

<p>$\sphericalangle MON$ să aibă una dintre laturi în interiorul celuilalt unghi și pe cealaltă în exteriorul unghiului.</p>	<p>$\sphericalangle MON$ să aibă ambele laturi în interiorul celuilalt unghi</p>
<p>$\sphericalangle MON$ să aibă ambele laturi în exteriorul celuilalt unghi și cele două unghiuri să aibă puncte interioare comune</p>	<p>$\sphericalangle MON$ să aibă ambele laturi în exteriorul celuilalt unghi și cele două unghiuri să nu aibă puncte interioare comune</p>

CUPRINS

Cuvânt-înainte	3
----------------------	---

NUMERE NATURALE

Operații cu numere naturale	4
Puterea cu exponent natural a unui număr natural	24
Ordinea efectuării operațiilor	30
Metode aritmetice de rezolvare a problemelor de matematică	34
Divizibilitatea numerelor naturale	43

FRACȚII ORDINARE. FRACȚII ZECIMALE

Fracții ordinare	51
Fracții zecimale	63
Probleme practice rezolvate prin metode aritmetice	76
Probleme de organizare a datelor	83

ELEMENTE DE GEOMETRIE

Elemente de geometrie.....	86
----------------------------	----